

Т.Б. Журавлева<sup>1</sup>, А.С. Шестухин<sup>2</sup>, В.Е. Павлов<sup>2</sup>, В.В. Пащенев<sup>3</sup>

## Интегральный метод определения оптической толщины рассеяния по данным о яркости неба

<sup>1</sup>Институт оптики атмосферы СО РАН, г. Томск

<sup>2</sup>Институт водных и экологических проблем СО РАН,

<sup>3</sup>Алтайский государственный университет, г. Барнаул

Поступила в редакцию 20.02.2003 г.

На основе анализа данных решения уравнения переноса лучистой энергии в атмосфере методом Монте-Карло разработан интегральный подход к определению аэрозольных оптических толщин рассеяния из данных о наблюдении яркости неба в солнечном альмукантарате. Полученные аппроксимационные формулы относятся к двум длинам волн в видимом участке спектра, используемым в солнечных фотометрах NASA. Исследованы вопросы о границах применимости метода и его точности.

К числу важных проблем современной физики атмосферы относится широкомасштабное исследование поглощающей способности аэрозоля. Определение вертикальной оптической толщины  $\tau$  безоблачной атмосферы обычно базируется на известном законе ослабления света (закон Бугера):

$$F = F_0 \exp(-\tau m), \quad (1)$$

где  $F_0$  и  $F$  – спектральные потоки прямого солнечного излучения на верхней границе атмосферы и на уровне подстилающей поверхности;  $m$  – атмосферная масса в направлении на Солнце. Оптическая толщина  $\tau$  включает в себя компоненты рассеяния  $\tau_s$  и поглощения  $\tau_{abs}$ , которые, в свою очередь, разделяются на молекулярную и аэрозольную составляющие:

$$\tau = \tau_s + \tau_{abs} = \tau_{ms} + \tau_{as} + \tau_{m,abs} + \tau_{a,abs}. \quad (2)$$

Здесь  $\tau_{ms}$ ,  $\tau_{as}$  – молекулярная и аэрозольная оптические толщины (АОТ) рассеяния;  $\tau_{m,abs}$ ,  $\tau_{a,abs}$  – молекулярная и аэрозольная толщины поглощения соответственно.

Вычисление молекулярной компоненты  $\tau_{ms}$  осуществляется стандартным образом. Выделение  $\tau_{m,abs}$  может быть выполнено на основе подхода, предложенного в [1–3]. В рассматриваемом нами диапазоне длин волн  $400 \leq \lambda \leq 700$  нм основным поглощающим газом является атмосферный озон, имеющий широкую континуальную полосу поглощения Шаппюи.

Для определения АОТ поглощения необходимо знание АОТ рассеяния. Эта величина может быть найдена различными способами из данных наблюдения угловых и спектральных характеристик поля излучения с поверхности Земли. Большинство современных методик восстановления аэрозольной толщины рассеяния связано с измерениями яркости без-

облачной атмосферы в солнечном альмукантарате. (Заметим, что впервые идея об определении толщины рассеяния  $\tau_s = \tau_{ms} + \tau_{as}$  из данных измерений яркости в альмукантарате Солнца была высказана Е.В. Пясковской-Фесенковой [4]; краткая библиография современных подходов к решению данной проблемы представлена в [5]).

Введем обозначения основных характеристик светорассеяния (см., например, [6]), которые будут использованы в настоящей работе. Абсолютная индикатриса яркости неба в солнечном альмукантарате  $f(\phi)$  ( $\phi$  – угол рассеяния) связана с яркостью неба  $B(\phi)$  соотношением

$$B(\phi) = E_0 \exp(-\tau m) f(\phi)$$

( $E_0$  – внеатмосферная солнечная постоянная). Абсолютная индикатриса яркости неба  $f(\phi)$  включает компоненты

$$f(\phi) = f_{as}(\phi) + f_{ms}(\phi) + f_2(\phi) + f_{sur}(\phi), \quad (3)$$

где  $f_{as}(\phi)$  и  $f_{ms}(\phi)$  – коэффициенты направленного однократного аэрозольного и молекулярного рассеяния;  $f_2(\phi)$ ,  $f_{sur}(\phi)$  – члены, описывающие эффекты многократного рассеяния и влияние подстилающей поверхности.

По данным наблюдений индикатрисы яркости неба определяется функция

$$\tau_h = 2\pi \int_0^\pi f(\phi) \sin \phi d\phi, \quad (4)$$

которую называют яркостной оптической толщиной атмосферы. На основе (3) величину  $\tau_h$  традиционно представляют в виде

$$\tau_h = \tau_s + \tau_2 + \tau_{sur}, \quad (5)$$

где

$$\tau_s = 2\pi \int_0^\pi (f_{as}(\phi) + f_{ms}(\phi)) \sin \phi d\phi ,$$

$$\tau_2 = 2\pi \int_0^\pi f_2(\phi) \sin \phi d\phi , \quad \tau_{sur} = 2\pi \int_0^\pi f_{sur}(\phi) \sin \phi d\phi .$$

Одна из простых методик восстановления  $\tau_{as}$  по результатам измерений в альмукантарете Солнца предложена нами в работе [5]. В основу «разностной» методики положена идея о возможности определения  $\tau_{as}$  через величину  $\tau^*$ , которая определяется формулой

$$\tau^* = 2\pi \int_0^{\pi/2} f(\phi) \sin \phi d\phi - 2\pi \int_{\pi/2}^\pi f(\phi) \sin \phi d\phi . \quad (6)$$

Симметрия функции  $f_{ms}(\phi)$  относительно точки  $\phi = \pi/2$  и предположение о том, что  $\int_0^{\pi/2} f_{sur}(\phi) \sin \phi d\phi \approx \int_{\pi/2}^\pi f_{sur}(\phi) \sin \phi d\phi$ , означают, что величина  $\tau^*$  определяется аэрозольной компонентой атмосферы, эффектами многократного рассеяния и мало чувствительна к влиянию подстилающей поверхности. Эти обстоятельства позволили аппроксимировать связь между разностью  $\tau^*$  и *аэрозольной* оптической толщиной рассеяния простыми формулами.

В настоящей работе для определения оптической толщины рассеяния  $\tau_s = \tau_{ms} + \tau_{as}$  предлагается использовать вместо разности интегралов «вперед» и «назад» [формула (6)] их сумму, которая представляет собой не что иное, как яркостную оптическую толщину атмосферы  $\tau_h$  [формула (4)]. Согласно (5) значение  $\tau_h$  зависит от  $\tau_s$  и величины  $\tau_{2,sur} = \tau_2 + \tau_{sur}$ , обусловленной многократным рассеянием и отражением света от подстилающей поверхности при альбедо  $A_s$ . По аналогии с «разностным» методом можно предположить, что между  $\tau_s$  и  $\tau_h$  существует некоторая функциональная связь. Цель настоящей работы состоит в выводе простых аппроксимационных формул для определения оптической толщины рассеяния  $\tau_s$  (и, следовательно,  $\tau_{as}$ ) из экспериментально определяемой величины  $\tau_h$ .

Очевидно, что возможность вывода этих формул напрямую связана с точностью оценки  $\tau_{2,sur}$ . Различные подходы, которые использовались для этой цели ранее, показали [6], что корректный учет  $\tau_{2,sur}$  может быть осуществлен только на основе данных решения уравнения переноса излучения в атмосфере. Такие численные данные могут быть получены, например, с помощью алгоритмов метода Монте-Карло [7, 8]. Точность расчетов  $f(\phi)$  при использовании современных вычислительных технологий достаточно высока: относительные погрешности  $\delta f(\phi)$  для типичных аэрозольных индикаторов рассеяния излучения, оптической толщины рассеяния

$\tau_s \times 1$  и секанса зенитного угла Солнца  $\sec Z_\odot \leq 5$  не превышают десятых долей процента.

Вычисления абсолютных индикаторов яркости неба  $f(\phi)$  выполнялись, как и в [5], методом сопряженных блужданий (с учетом осевой симметрии системы «Земля–атмосфера–Солнце») в рамках плоскопараллельной, вертикально однородной молекулярно-аэрозольной атмосферы. Аэрозольная модель атмосферы включала в себя три группы частиц с нормальными логарифмическими распределениями их по размерам: ядра Айткена, субмикронную и грубодисперсную фракции [9]. Вытянутость аэрозольной индикаторы рассеяния

$$\Gamma_a = \frac{\int_0^{\pi/2} f_{as}(\phi) \sin \phi d\phi}{\int_{\pi/2}^\pi f_{as}(\phi) \sin \phi d\phi}$$

задавалась вариациями числа частиц в модах. В итоге были подобраны аэрозольные индикаторы со следующими значениями  $\Gamma_a$ :  $\lambda = 439$  нм –  $\Gamma_a = 7,03; 8,6; 10,2$ ;  $\lambda = 675$  нм –  $\Gamma_a = 7,03; 9,7; 11,6$ . (Напомним, что выбранные длины волн соответствуют спектральным участкам в солнечных фотометрах NASA в видимом диапазоне спектра [10]). Оптические толщи молекулярного рассеяния  $\tau_{ms}$  принимались равными 0,2379 для  $\lambda = 439$  нм и 0,0427 для  $\lambda = 675$  нм; оптические толщи аэрозольного ослабления  $\tau_a$  варьировались в интервале  $0,1 \leq \tau_a \leq 0,9$  с шагом 0,2 (этот диапазон охватывает большинство экспериментальных значений АОТ, измеренных в промышленном городе [11]). Значения альбедо однократного рассеяния  $\omega_a$  полагались равными  $\omega_a \in \{0,7; 0,8; 0,9; 1,0\}$  и охватывали большинство случаев наличия в атмосфере частиц как природного, так и городского аэрозоля. Зенитный угол Солнца изменялся в пределах  $60 \leq Z_\odot \leq 80^\circ$  ( $2 \leq m \leq 5$ ); предполагалось, что в этом диапазоне углов  $Z_\odot$  справедливо равенство  $\sec Z_\odot = m$ . Значения спектрального альбедо подстилающей поверхности  $A_s$  выбирались соответственно равными 0,06 ( $\lambda = 439$  нм)

и 0,15 ( $\lambda = 675$  нм), что эквивалентно летним условиям для большинства типов земных покровов. Предполагалось, что поглощение света молекулами воздуха в рассматриваемых спектральных участках пренебрежимо мало.

Индикаторы яркости неба  $f(\phi)$  рассчитывались в интервале углов  $[0, \phi_{max}]$ , где  $\phi_{max} = 2Z_\odot$ . Необходимая для последующих вычислений  $\tau_h$  интерполяция  $f(\phi) \sin \phi$  в интервале  $[\phi_{max}, 180^\circ]$  осуществлялась с использованием полиномов третьей степени. Вследствие гладкости интерполируемой функции дополнительная погрешность, вносимая интерполяцией, не превышала 2–3% [12].

Прежде чем переходить к нахождению функциональной зависимости между  $\tau_h$  и  $\tau_s$ , оценим вклад в  $\tau_h$  величины  $\tau_{2,sur} = \tau_2 + \tau_{sur}$ , где слагаемое  $\tau_2 = \tau_{2,sur}$  ( $A_s = 0$ ) называют оптической толщиной кратного рассеяния. Поскольку с возрастанием АОТ доля многократно рассеянного излучения в яркость

$B(\phi)$  увеличивается, возрастает и относительный вклад компоненты  $\tau_2$  в  $\tau_n$ . Как следует из представленных на рис. 1 результатов расчетов, доля  $\tau_2$  изменяется от  $\approx 45\%$  при  $\tau_a = 0,1$  до  $\approx 85\%$  при  $\tau_a = 0,7$ .

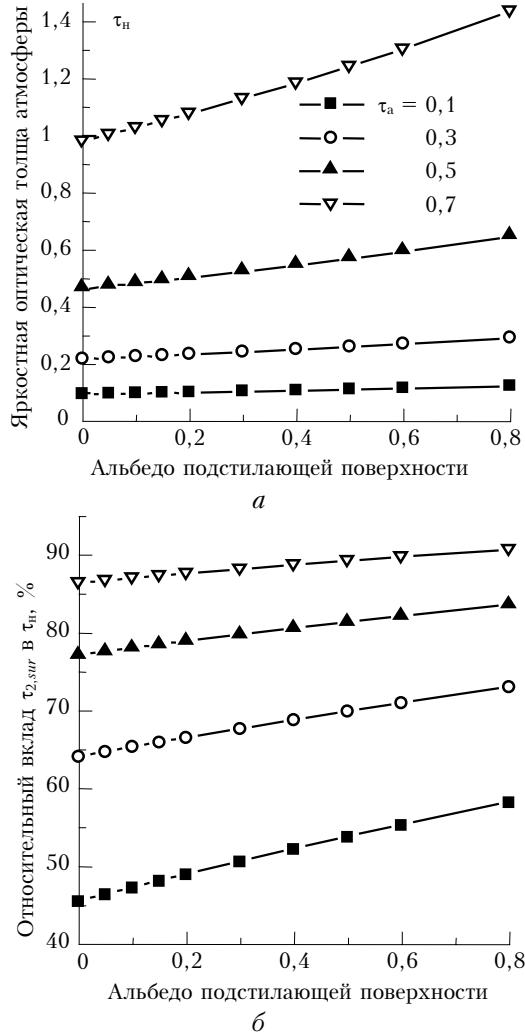


Рис. 1. Влияние альбето подстилающей поверхности  $A_s$  на яркостную толщу атмосферы  $\tau_n$  (а) и относительный вклад  $\tau_{2,sur}$  в  $\tau_n$ , % (б). Длина волны  $\lambda = 439$  нм,  $\Gamma_a = 8,77$ ,  $m = 5$

В то же время относительный вклад  $\tau_{sur}$  в  $\tau_n$  уменьшается: если при  $\tau_a = 0,1$  и вариациях  $A_s$  в интервале  $0 \leq A_s \leq 0,8$  приращение  $\tau_{sur}$  составило  $\approx 12\%$ , то при  $\tau_a = 0,7$  относительная доля  $\tau_{sur}$  не превосходила  $\approx 5\%$ . В связи с этим можно ожидать, что процедура восстановления  $\tau_s$  из данных о  $\tau_n$  будет наиболее эффективна при сравнительно небольших значениях альбето  $A_s$ . Поэтому массив данных наблюдений, который можно анализировать с помощью «интегральной» методики, должен относиться к летним условиям.

Уже первые тщательные расчеты  $\tau_n$  показали [13]: эта величина является функцией оптической толщи рассеяния  $\tau_s$  в целом и слабо зависит от поглощения света аэрозолем при условии, что

$0,7 \leq \omega_a \leq 1$  и значения толщ рассеяния  $\tau_s \leq 0,95$  для  $\lambda = 439$  нм и  $\tau_s \leq 0,65$  для  $\lambda = 675$  нм. Более детально об этом можно судить из результатов, приведенных на рис. 2: при построении каждой из кривых  $\tau_n$  как функции  $\tau_s$  использованы расчеты  $f(\phi)$  для всех четырех значений  $\omega_a \in \{0,7; 0,8; 0,9; 1,0\}$ .

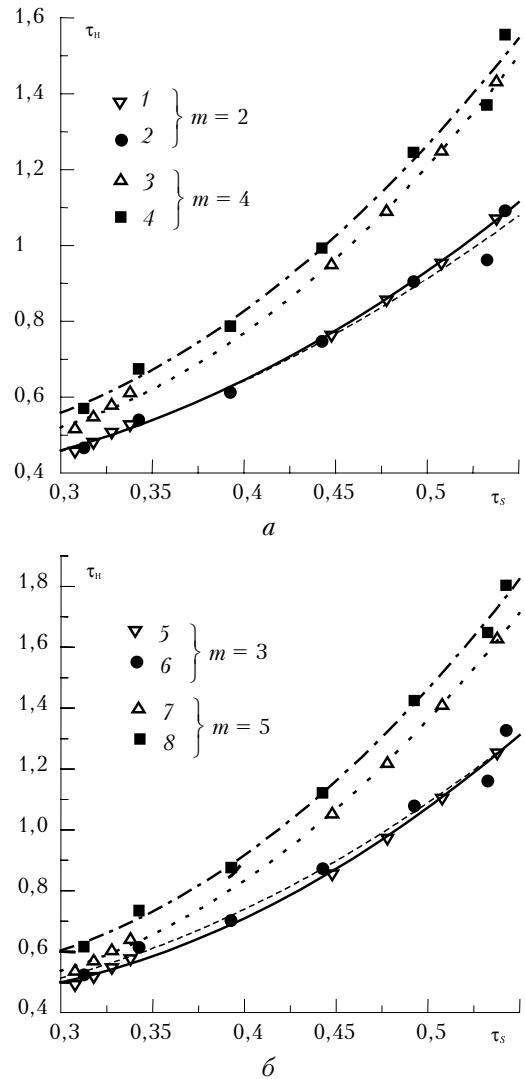


Рис. 2. Зависимость  $\tau_n$  от  $\tau_s$  при различных значениях  $m$  и длинах волн: 1, 3, 5, 7 —  $\lambda = 439$  нм, 2, 4, 6, 8 —  $\lambda = 675$  нм в интервале  $0,3 \leq \tau_s \leq 0,55$

Обращает на себя внимание близость кривых, соответствующих длинам волн 439 и 675 нм, при относительно высоких положениях Солнца над горизонтом:  $m \leq 3$ . Поскольку вытянутость индикаторы рассеяния излучения в молекулярно-аэрозольной атмосфере

$$\Gamma_1 = \frac{\int_0^{\pi/2} [f_{as}(\phi) + f_{ms}(\phi)] \sin \phi d\phi}{\int_{\pi/2}^{\pi} [f_{as}(\phi) + f_{ms}(\phi)] \sin \phi d\phi}$$

существенно различна из-за вклада молекулярного рассеяния в разных участках спектра, можно сделать вывод, что при  $m \leq 3$  она мало влияет на величину  $\tau_h$ . Следует заметить, что влияние вытянутости индикатрисы рассеяния на  $\tau_h$  может проявиться только через многократно рассеянный свет: с ростом  $m$  оно становится более заметным.

На рис. 3 представлены данные расчетов  $\tau_h$  как функции  $\tau_s$  при четырех значениях  $m$  в области спектра  $\lambda = 675$  нм. При малой мутности атмосферы ( $\tau_s \leq 0,15$ ) расхождения между кривыми не превышают 10%, что отмечалось ранее Е. В. Пяковской-Фесенковой по данным наблюдений [4]. С последующим ростом  $\tau_s$  дифференцирование кривых по  $m$  становится все более четким, что обусловлено ростом вклада многократного рассеяния в яркость неба [9].

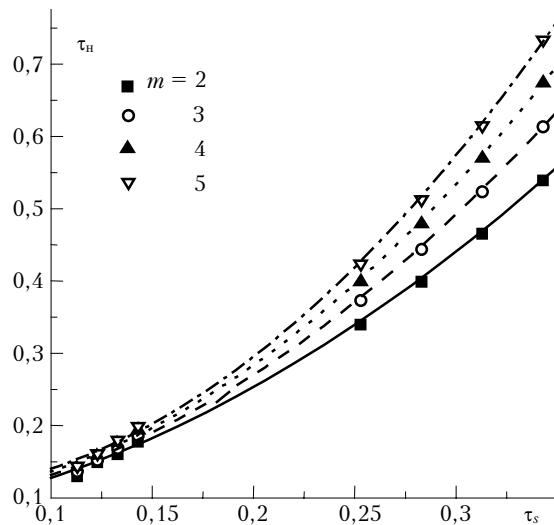


Рис. 3. Зависимость  $\tau_h$  от  $\tau_s$  при  $0,1 \leq \tau_s \leq 0,35$  для  $\lambda = 675$  нм ( $\Gamma_a = 7,03$ )

По аналогии с «разностной» методикой, по данным решения уравнения переноса излучения для вышеуказанных аэрозольных моделей атмосферы были выведены аппроксимационные формулы, связывающие  $\tau_h$  и  $\tau_s$ , причем исходной считалась величина  $\tau_h$ , поскольку именно она служит основой для определения оптической толщины рассеяния. Для каждого спектрального участка значения  $\tau_s$  были представлены в виде

$$\tau_s = K_2 \tau_h^2 + K_1 \tau_h + K_0. \quad (7)$$

Последующий анализ показал, что во избежание потерь точности определения  $\tau_s$  вычисления коэффициентов  $K_i$ ,  $i = 0, 1, 2$ , следует проводить для двух интервалов изменения  $\tau_s$ :  $0,31 \leq \tau_s \leq 0,54 \div 0,59$  и  $0,54 \leq \tau_s \leq 0,92 \div 0,94$  для  $\lambda = 439$  нм и  $0,11 \leq \tau_s \leq 0,36 \div 0,39$  и  $0,34 \leq \tau_s \leq 0,64 \div 0,67$  для  $\lambda = 675$  нм. Эти изменения  $\tau_s$ , по сути, охватывают абсолютное большинство вариаций оптических толщин рассеяния как природного, так и антропогенного аэрозоля.

Коэффициенты в формуле (7) зависят от атмосферной массы  $m$  (см. рис. 3) и с приемлемой точностью аппроксимируются полиномами второй степени:

$$K_i = P_{i,2}m^2 + P_{i,1}m + P_{i,0}, \quad i = 0, 1, 2. \quad (8)$$

Значения коэффициентов  $K_i$ ,  $i = 0, 1, 2$ , при различных  $\tau_s$  и вышеуказанных значениях  $\Gamma_a$  приведены в табл. 1, 2.

На рис. 4 на примере одной из аэрозольных моделей атмосферы ( $\Gamma_a = 7,03$ ) представлены диапазоны изменчивости яркостной оптической толщины атмосферы  $\tau_h$ , соответствующие интервалам изменения  $\tau_s$ . Если значения  $\tau_h$  принадлежат области пересечения интервалов  $\tau_h^{(1)} \leq \tau_h \leq \tau_h^{(2)}$ , то при расчете оптической толщины рассеяния могут быть использованы оба набора коэффициентов  $K_i$ ,  $i = 0, 1, 2$ .

Таблица 1

Коэффициенты  $K_i$ ,  $i = 0, 1, 2$ , для расчетов  $\tau_s$  в области спектра  $\lambda = 439$  нм

Диапазоны $\tau_s$	$\Gamma_a = 7,03$	$\Gamma_a = 8,6$	$\Gamma_a = 10,2$
$0,31 < \tau_s < 0,59$	$K_2 = 0,0082m^2 - 0,023m - 0,196$	$K_2 = -0,0096m^2 + 0,123m - 0,476$	$K_2 = -0,0004m^2 + 0,055m - 0,358$
	$K_1 = -0,019m^2 + 0,05m + 0,667$	$K_1 = 0,015m^2 - 0,23m + 1,194$	$K_1 = -0,0041m^2 - 0,09m + 0,954$
	$K_0 = 0,012m^2 - 0,062m + 0,104$	$K_0 = -0,00195m^2 + 0,051m - 0,099$	$K_0 = 0,0082m^2 - 0,021m + 0,014$
$0,54 < \tau_s < 0,94$	$K_2 = -0,00163m^2 + 0,027m - 0,101$	$K_2 = -0,0078m^2 + 0,074m - 0,181$	$K_2 = -0,0046m^2 + 0,0485m - 0,133$
	$K_1 = 0,0025m^2 - 0,112m + 0,635$	$K_1 = 0,027m^2 - 0,3m + 0,95$	$K_1 = 0,015m^2 - 0,202m + 0,765$
	$K_0 = 0,0057m^2 + 0,028m + 0,07$	$K_0 = -0,0083m^2 + 0,131m - 0,091$	$K_0 = -0,00038m^2 + 0,071m + 0,014$

Таблица 2

Коэффициенты  $K_i$ ,  $i = 0, 1, 2$ , для расчетов  $\tau_s$  в области спектра  $\lambda = 675$  нм

Диапазоны $\tau_s$	$\Gamma_a = 7,03$	$\Gamma_a = 9,7$	$\Gamma_a = 11,55$
$0,11 < \tau_s < 0,39$	$K_2 = 0,018m^2 - 0,09m - 0,332$	$K_2 = -0,0087m^2 + 0,122m - 0,73$	$K_2 = 0,0011m^2 + 0,053m - 0,593$
	$K_1 = -0,011m^2 + 0,018m + 0,859$	$K_1 = 0,014m^2 - 0,18m + 1,229$	$K_1 = 0,0045m^2 - 0,115m + 1,102$
	$K_0 = 0,0028m^2 - 0,015m + 0,024$	$K_0 = -0,00127m^2 + 0,017m - 0,032$	$K_0 = 0,0022m^2 - 0,0081m + 0,012$
$0,34 < \tau_s < 0,67$	$K_2 = -0,00119m^2 + 0,035m - 0,182$	$K_2 = -0,0069m^2 + 0,078m - 0,262$	$K_2 = -0,0058m^2 + 0,07m - 0,239$
	$K_1 = 0,0051m^2 - 0,13m + 0,815$	$K_1 = 0,016m^2 - 0,218m + 0,974$	$K_1 = 0,014m^2 - 0,206m + 0,927$
	$K_0 = 0,001m^2 + 0,023m + 0,016$	$K_0 = -0,001m^2 + 0,036m - 0,0052$	$K_0 = 0,001m^2 + 0,025m + 0,021$

Заметим, что общий диапазон ( $\tau_h^{(1)}, \tau_h^{(2)}$ ) в каждом спектральном интервале слабо зависит от степени вытянутости рассматриваемых в данной работе аэрозольных индикаторов рассеяния излучения.

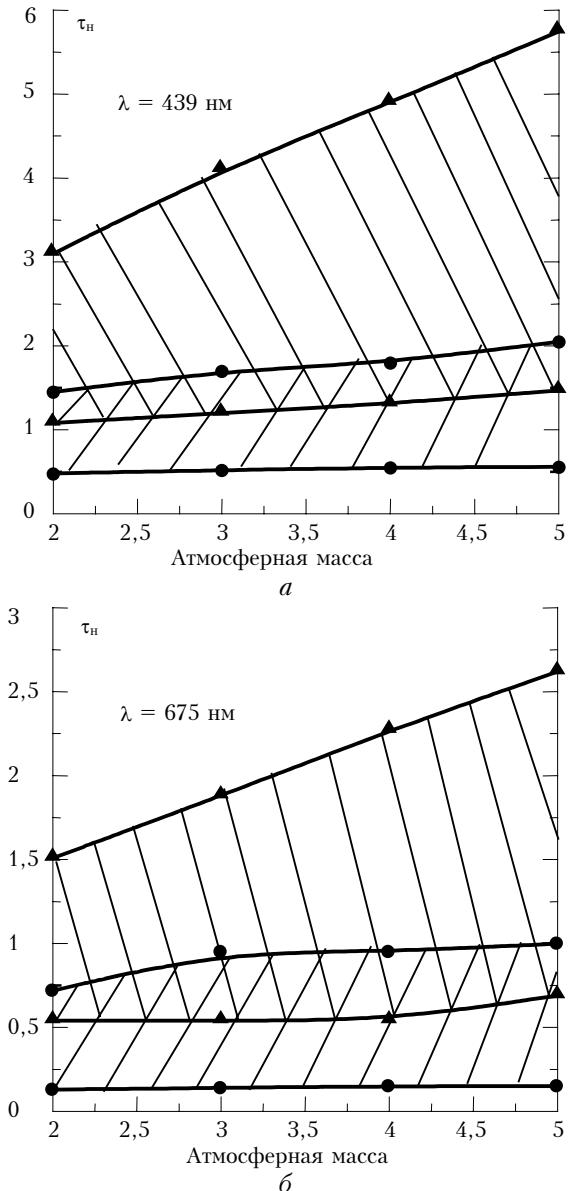


Рис. 4. Интервалы изменения  $\tau_h$ , определяющие диапазоны изменения  $\tau_s$  при расчетах по формуле (7): кружки соответствуют  $0,31 \leq \tau_s \leq 0,54 \pm 0,59$  ( $\lambda = 439$  нм) и  $0,11 \leq \tau_s \leq 0,36 \pm 0,39$  ( $\lambda = 675$  нм); треугольники —  $0,54 \leq \tau_s \leq 0,92 \pm 0,94$  ( $\lambda = 439$  нм) и  $0,34 \leq \tau_s \leq 0,64 \pm 0,67$  ( $\lambda = 675$  нм).

$$\Gamma_a = 7,03$$

Таким образом, получены аппроксимационные формулы, базирующиеся на теории переноса излучения и позволяющие восстанавливать оптические толщи рассеяния  $\tau_s$  по наблюдениям  $\tau_h$  в интервале атмосферных масс  $2 \leq m \leq 5$ . О точности этих формул можно судить по данным табл. 3, где приведены относительные отклонения вычисленных  $\tau_s$  от значений, изначально заложенных в расчеты.

Видно, что максимальные отклонения возникают при больших оптических толщах и атмосферных массах  $m = 4 \div 5$ . Систематические отклонения, характерные для некоторых строк (например, для  $\lambda = 439$  нм,  $\tau_s \geq 0,5079$ ,  $\Gamma_a = 10,2$  и  $m = 5$ ), являются следствием двукратного представления  $\tau_s$  полиномами. В перекрывающихся участках  $0,54 \leq \tau_s \leq 0,59$  для  $\lambda = 439$  нм и  $0,34 \leq \tau_s \leq 0,39$  для  $\lambda = 675$  нм, как уже отмечалось выше, можно в равной мере использовать формулы для любого из двух диапазонов. Величина АОТ рассеяния  $\tau_{as}$  определяется путем вычитания из найденной величины  $\tau_s$  молекулярной компоненты  $\tau_{ms}$ .

Решим вопрос о выборе значения  $\Gamma_a$  при практическом использовании предлагаемого метода определения  $\tau_{as}$ . Несмотря на заметные различия в коэффициентах  $P_{i,j}$ ,  $i, j = 0, 1, 2$ , в зависимости от  $\Gamma_a$  (см. табл. 1 и 2), приводимые для каждого спектрального интервала соотношения дают близкие результаты в расчетах  $\tau_{as}$  независимо от аэрозольной модели. Проиллюстрируем последнее утверждение следующим образом. Выберем длину волны, например,  $\lambda = 439$  нм. Аппроксимационные формулы, выведенные для первой ( $\Gamma_a = 7,03$ ) и третьей ( $\Gamma_a = 10,2$ ) аэрозольных моделей, последовательно используем в вычислениях  $\tau_s$  по всему массиву рассчитанных  $\tau_h$  ( $\Gamma_a = 7,03; 8,6$  и  $10,2$ ). Затем найдем  $\tau_{as} = \tau_s - \tau_{ms}$  и сопоставим их с аэрозольными толщами рассеяния, изначально заложенными в расчеты. Затем подобную же процедуру проделаем для красной области спектра, использовав соответствующие параметры. Совмещенные гистограммы отклонений (%) по обоим участкам спектра представлены на рис. 5. Отчетливо видно, что они незначительно смещены друг относительно друга. Среднее отклонение с учетом знака составляет  $\approx -0,5\%$  для первой гистограммы (формулы для  $\Gamma_a = 7,03$ ) и  $\approx 1,6\%$  для второй (формулы для  $\Gamma_a = 10,2$  и  $11,6$  для  $\lambda = 439$  нм и  $\lambda = 675$  нм соответственно), что не выходит за рамки обычных погрешностей измерений  $\tau$ . Максимальные расхождения, достигающие 15–18%, возникают при малых ( $\tau_a < 0,1$ ) и больших ( $\tau_a > 0,4–0,5$ ) аэрозольных толщах. Среднеквадратическое отклонение при использовании второй модели в анализе всего массива данных составляет 4%. Здесь следует заметить, что абсолютная ошибка  $\Delta\tau_a$  в определении  $\tau_a$  методом Бугера обычно составляет 0,01–0,02; при  $\tau_a = 0,1$  это эквивалентно относительной погрешности 10–20%; значения же  $\tau_a > 0,4–0,5$  достаточно редко встречаются в реальных условиях.

Таким образом, на основе решения уравнения переноса излучения нами получены простые аппроксимационные формулы, позволяющие восстанавливать оптическую толщу рассеяния по данным относительно величины  $\tau_h$ . «Интегральную» методику определения  $\tau_{as}$  предпочтительно использовать в летний период, когда альбедо подстилающей поверхности невелико и его вариации мало сказываются на величине  $\tau_h$ . В противном случае, когда

Таблица 3

Точность восстановления оптической толщины рассеяния  $\tau_s$  по формулам (7), (8). В выделенных столбцах указаны значения погрешностей, рассчитанных по формулам для перекрывающихся интервалов

$\tau_s$		0,3079	0,3179	0,3279	0,3379	0,4479	0,4779	<b>0,5079</b>	<b>0,5379</b>	<b>0,5079</b>	<b>0,5379</b>	0,5879	0,6379	0,6879	0,7379	0,7279	0,7979	0,8679	0,9379
$\Gamma_a$	$m$	Среднеквадратичное отклонение																	
7	2	-0,8	-2	-2,5	-2,7	0,6	0,3	<b>0,2</b>	<b>0,7</b>	<b>-1</b>	<b>-1,5</b>	3,5	1,8	-0,5	-2,5	4,5	2	0,5	0,5
8,6	2	1,6	0,8	-0,6	-0,5	0,6	-0,2	<b>-0,1</b>	<b>0</b>	<b>-1,7</b>	<b>-3,1</b>	2,2	0,4	-1,6	-5,3	2,6	0,5	-0,6	0,4
10,2	2	-1,4	-2	-2,6	-3,5	0,5	-0,1	<b>-0,3</b>	<b>0,1</b>	<b>-1,7</b>	<b>-2,8</b>	2,3	0,7	-1,2	-3,3	3,1	1,2	-0,1	0,2
7	3	2,9	2	0,9	0,1	1,2	1,1	<b>0,3</b>	<b>0,5</b>	<b>-2,1</b>	<b>-3</b>	2,1	0,7	-1,5	-3,4	2	0,1	-1,2	0
8,6	3	1	0,4	-0,4	-1	1,3	0,6	<b>0,3</b>	<b>0,9</b>	<b>-1,5</b>	<b>-1,9</b>	2,8	1,5	-0,3	-2,5	2,9	0,8	-0,7	-0,1
10,2	3	1,9	1,1	0,4	-0,6	1,3	0,5	<b>0,2</b>	<b>0,9</b>	<b>-2,3</b>	<b>-3</b>	1,5	0	-2,1	-4,5	1,5	-0,8	-2,3	-1,4
7	4	3,9	3,2	2,5	1,7	2,9	2	<b>1,8</b>	<b>2,3</b>	<b>-2,3</b>	<b>-2,2</b>	1,4	0,8	-0,7	-2,5	0,6	-1,2	-2,3	-0,6
8,6	4	1,9	1,4	1	0,4	2,5	1,8	<b>1,6</b>	<b>2,2</b>	<b>-0,6</b>	<b>0</b>	3,7	3,1	1,3	-1,4	2,5	-0,8	-4,6	-7,9
10,2	4	3	2,4	1,7	1	2,1	1,3	<b>1,1</b>	<b>2</b>	<b>-2,9</b>	<b>-2,8</b>	1	0	-2	-4,7	-0,8	-3,8	-6,6	-7,2
7	5	3,2	3	2,7	2,4	3,4	2,7	<b>2,5</b>	<b>2,9</b>	<b>-3,4</b>	<b>-2</b>	0,8	1,2	0,5	-1,2	-1,6	-4	-6,7	-8,1
8,6	5	1,8	1,7	1,5	1,3	2,9	2,5	<b>2,6</b>	<b>3,6</b>	<b>-2,1</b>	<b>-0,7</b>	2,5	3,1	2,6	1,3	1,3	-0,3	-1,4	0,4
10,2	5	0,8	0,7	0,5	0,3	1,8	1,1	<b>0,9</b>	<b>1,6</b>	<b>-5,3</b>	<b>-4,1</b>	-1,2	-1,2	-2,4	-4,6	-3,5	-6,1	-8,4	-7,9
Среднеквадратичное отклонение																			
		1,6	1,7	1,7	1,7	1	1	<b>1</b>	<b>1,1</b>	<b>1,2</b>	<b>1,1</b>	1,3	1,2	1,5	1,9	2,3	2,4	3	3,8
$\tau_s$		0,1127	0,1227	0,1327	0,1427	0,2527	0,2827	<b>0,3127</b>	<b>0,3427</b>	<b>0,3127</b>	<b>0,3427</b>	0,3927	0,4427	0,4927	0,5427	0,5327	0,6027	0,6727	
$\Gamma_a$	$m$	Среднеквадратичное отклонение																	
7	2	-1,1	-1,3	-1,8	-2,3	1	0,4	<b>0,2</b>	<b>0,3</b>	<b>-0,7</b>	<b>-1,8</b>	3,1	1,3	-1	-3,3	3,1	1,1	-0,2	
9,7	2	1,8	-2,3	-0,8	-3,2	0,2	-0,7	<b>-1</b>	<b>-0,7</b>	<b>-1</b>	<b>-2,2</b>	2,6	0,8	-1,4	-3,5	2,5	0,9	0,4	
11,6	2	-3,9	-4,2	-4,7	-5,2	-1,9	-2,2	<b>-2,2</b>	<b>-1,8</b>	<b>-2,3</b>	<b>-3</b>	1,7	0,5	-1,3	-3,3	2,2	0,8	0,4	
7	3	1,9	1,1	0,2	-0,8	1	0,2	<b>0</b>	<b>0,6</b>	<b>-1,9</b>	<b>-2,7</b>	2,3	0,5	-1,9	-4,4	1,6	-0,4	-0,8	
9,7	3	1	0,1	-0,5	-1,7	0,7	-0,1	<b>-0,2</b>	<b>0,4</b>	<b>-0,3</b>	<b>-1</b>	4	2,5	0,4	-1,8	3,8	2,2	2,4	
11,6	3	1,2	0,7	-0,1	-0,9	0,8	-0,2	<b>-0,6</b>	<b>-0,1</b>	<b>-1</b>	<b>-1,6</b>	3,4	1,8	-0,3	-2,6	3,4	1,8	2,2	
7	4	2,7	2	1,4	0,5	1,7	0,9	<b>0,9</b>	<b>2</b>	<b>-2,1</b>	<b>-2,3</b>	2,5	1	-1,2	-3,6	1,3	-0,6	-0,4	
9,7	4	0,6	0,2	-0,1	-0,6	1,8	1,1	<b>1</b>	<b>1,8</b>	<b>1,1</b>	<b>1,1</b>	5,9	4,9	3	1,1	5,6	4,2	5	
11,6	4	2,3	2	1,4	0,6	1,6	0,5	<b>0,1</b>	<b>0,9</b>	<b>-0,4</b>	<b>-0,3</b>	5,1	3,9	1,9	-0,3	4,7	3,2	4,4	
7	5	0,9	0,9	0,6	0,1	2,1	1,2	<b>0,9</b>	<b>1,8</b>	<b>-2,8</b>	<b>-2,2</b>	2,4	1,3	-0,9	-3,8	-0,9	-3,7	-4,5	
9,7	5	0,2	-0,2	-0,2	-0,5	1,6	0,7	<b>0,5</b>	<b>1,6</b>	<b>0,7</b>	<b>1,6</b>	6,4	6	4,9	3,6	5,7	5,5	8,8	
11,6	5	-1,5	-1,3	-1,4	-1,8	0	-1,2	<b>-1,7</b>	<b>-0,7</b>	<b>-1,8</b>	<b>-0,8</b>	4,7	4,3	2,8	1,1	4,4	3,7	6,9	
Среднеквадратичное отклонение																			
		1,9	1,8	1,6	1,7	1,1	1	1	1	1,2	1,2	1,5	1,5	1,9	2,2	2,5	1,9	2,5	3,7

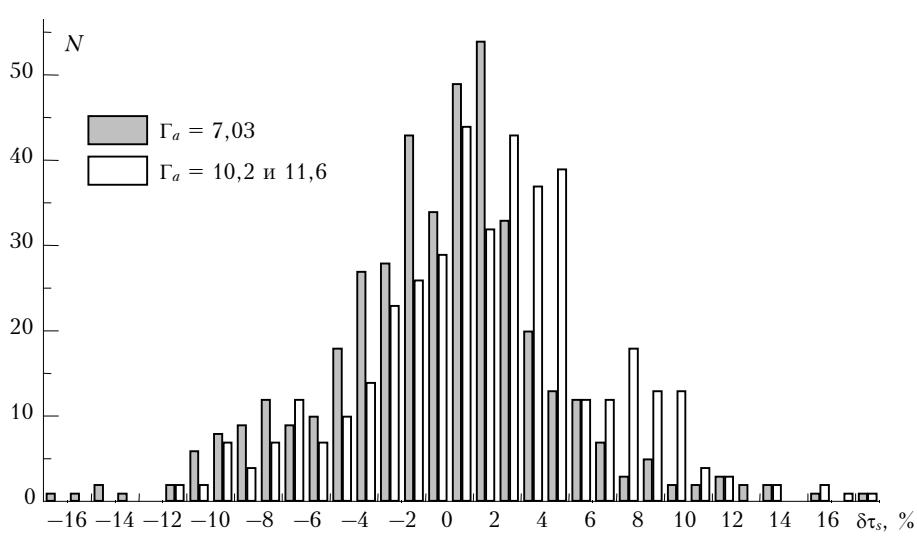


Рис. 5. Распределение относительных отклонений восстановленных значений аэрозольной оптической толщины рассеяния  $\tau_{as}$  от заложенных в расчеты

$A_s > 0,2$ , следует измерять альбедо местности и вносить соответствующие корректизы в предложенные для определениях  $\tau_{as}$  формулы. Несомненным преимуществом предлагаемого подхода является слабая чувствительность  $\tau_{as}$  к фактору асимметрии аэрозольной индикаторы рассеяния. В дальнейшем мы планируем сравнить результаты восстановления АОТ рассеяния, полученные с использованием «разностной» и «интегральной» методик, как в рамках численного эксперимента, так и на основе данных натурных измерений.

Работа выполнена при частичной поддержке DOE's ARM Program (контракт № 5012).

1. *Shiobara M., Spinhirne J.D., Uchiyama A., Asano S.* Optical depth measurements of aerosol, cloud and water vapor using sun photometers during FIRE CIRRUS IFO II // *J. Appl. Meteorol.* 1996. V. 35. N 1. P. 36–46.
2. *Сакерин С.М., Кабанов Д.М.* О методике определения аэрозольной оптической толщины атмосферы в ближнем ИК-диапазоне спектра // *Оптика атмосф. и океана*. 1997. Т. 10. № 8. С. 866–875.
3. *Sakerin S.M., Kabanov D.M.* Spatial inhomogeneities and the spectral behavior of atmospheric aerosol optical depth over Atlantic ocean // *J. Atmos. Sci.* 2002. V. 59. N 3. Part I. P. 484–500.
4. *Пясковская-Фесенкова Е.В.* Исследование рассеяния света в земной атмосфере. М.: Изд. АН СССР, 1957. 217 с.
5. *Журавлева Т.Б., Павлов В.Е., Пашнев В.В.* Разностный метод определения аэрозольных оптических толщ рассеяния по данным о яркости неба в видимой области спектра: Часть I // *Оптика атмосф. и океана*. 2003. Т. 16. № 4. С. 377–382.
6. *Смеркалов В.А.* Прикладная оптика атмосферы. СПб.: Гидрометеоиздат, 1997. 334 с.
7. *Метод Монте-Карло в атмосферной оптике* / Под ред. Г.И. Марчука. Новосибирск: Наука, 1976. 283 с.
8. *Назаралиев М.А.* Статистическое моделирование радиационных процессов в атмосфере. Новосибирск: Наука, 1990. 226 с.
9. *Розенберг Г.В., Горчаков Г.И., Георгиевский Ю.С., Любовцева Ю.С.* Оптические параметры атмосферного аэрозоля // *Физика атмосферы и проблемы климата*. М.: Наука, 1980. С. 216–257.
10. *Holben B.N.* AERONET – a federated instrument network and data archive for aerosol characterization // *Remote Sens. Environ.* 1998. N 66. P. 1–16.
11. *Миронов В.Л., Павлов В.Е., Пашнев В.В.* Аэрозольная оптическая толщина атмосферы в г. Барнауле // *Оптика атмосф. и океана*. 2001. Т. 14. № 6–7. С. 551–553.
12. *Мулдашев Т.З., Павлов В.Е., Тейфель Я.А.* О контроле устойчивости оптических свойств атмосферы // *Изв. АН СССР. Физ. атмосф. и океана*. 1991. Т. 27. № 8. С. 831–841.
13. *Павлов В.Е., Пашнев В.В., Шестухин А.С., Журавлева Т.Б.* Использование метода Монте-Карло для определения альбедо атмосферного аэрозоля // Вычислительные технологии. Т. 7 (совместный выпуск, часть 4, 2002 г.). Вестн. КазНУ. № 4 (32). С. 34–41.

**T.B. Zhuravleva, A.S. Shestukhin, V.E. Pavlov, V.V. Pashnev. Integral method for determination of scattering optical depth from sky brightness data.**

Based on analysis of the data from solution of the radiative transfer equation in the atmosphere by the Monte Carlo method, we developed an integral method of determination of aerosol scattering optical depths from observations of sky brightness in solar almucantar. The obtained approximation formulas apply to two visible wavelengths used in NASA sun photometers. Method utility and accuracy issues are addressed.