

**В.П. Якубов, Н.А. Симакова, М.А. Ерофеева**

## К ОЦЕНКЕ ИНТЕГРАЛЬНОЙ ТОЛЩИНЫ АТМОСФЕРЫ ПО РЕФРАКЦИОННЫМ ДАННЫМ

Предлагаемая ранее методика определения приземного показателя преломления дополняется простым способом оценки интегральной толщины атмосферы по рефракционным данным. Приводится пример его применения к обработке экспериментальных данных.

Одним из основных факторов, ограничивающих потенциальную точность лазерных и радиосистем связи, локации, дальномерирования и навигации, является влияние атмосферы. Так, современные требования точности дальномерирования характеризуются величиной порядка сантиметров, а рефракционные поправки могут достигать дециметров и метров [1]. Параметром, описывающим рефракционную поправку в дальности, является интегральная толщина атмосферы  $H$ . Для точного определения  $H$  необходимо знать высотную зависимость показателя преломления  $n(h)$ . В данной работе на основе развития описанной в [2] методики предлагается простой способ приближенной оценки интегральной толщины атмосферы и поправки в дальности по рефракционным данным без восстановления высотной зависимости  $n(h)$ .

Известно [3], что при расположении источника излучения в зените рефракционная поправка в дальности до него определяется оптической толщиной атмосферы  $\Delta L_0$  и связана с ее интегральной толщиной

$$H = \int_0^{\infty} (n - 1) dh / (n_0 - 1) \quad (n_0 \equiv n(0)) \quad (1)$$

соотношением  $\Delta L_0 = H \cdot (n_0 - 1)$ . При наклонном визировании источника излучения под углом места  $\varphi \geq 15^\circ$  эта поправка возрастает и находится как  $\Delta L \approx \Delta L_0 / \sin \varphi$ .

Для оценки интегральной толщины атмосферы будем исходить из введенного в, [2] интегрального соотношения

$$v(s) = s \int_0^{\infty} N(u) u [u^2 + s^2]^{-3/2} du, \quad (2)$$

связывающего в приближении сферически симметричной атмосферы рефракционные данные  $v(s)$  и высотный профиль показателя преломления  $n(h) = 1 + N(u)$ . Здесь  $s = n_0 a \sin \varphi$ ,  $a$  — радиус Земли и введена замена переменной

$$u = [(a + h)^2 n^2(h) - a^2 n_0^2]^{1/2}. \quad (3)$$

Существенно то, что, как показано в [1], автоматически появляется именно  $u$ , а не  $h$ , когда показатель преломления представлен в виде «единицы плюс нечто».

Значения  $v(s)$  выражаются через измеренные доплеровское смещение частоты или угол полной рефракции [2]. Полагая далее зависимость  $v(s)$  известной в широком диапазоне углов  $\varphi$ , проинтегрируем левую и правую части соотношения (2) по  $s$ . В результате получим

$$\int_0^{\infty} v(s) ds = \int_0^{\infty} N(u) du.$$

Как следует из замечания после (3)

$$\int N(u) du \neq \int (n(h) - 1) dh, \text{ ибо } du/dh \neq 1$$

Теперь, выделяя приземное значение  $N_0 = N(0)$ , определим интегральный масштаб атмосферы по переменной  $u$  как

$$R = \int_0^\infty N(u) du / N_0 = \int_0^\infty v(s) ds / N_0. \quad (4)$$

Этому  $R$  однозначно соответствует толщина атмосферы  $H$ , определяемая согласно (3) уравнением

$$H = [R^2 + a^2 n_0^2]^{1/2} / n(H) - a. \quad (5)$$

Точное решение уравнения (5) возможно лишь при известном профиле показателя преломления  $n(h)$ , нахождение которого есть суть обратной задачи [1]. Приближенную оценку  $H$  можно получить без решения обратной задачи, если в (5) заменить  $n(H) \approx (1 + n_0)/2$ , и тогда

$$H = [R^2 + a^2 n_0^2]^{1/2} / (1 + N_0/2 - a). \quad (6)$$

Как показывают численные оценки для различных функциональных зависимостей  $n(h)$ , возникающая при этом погрешность не превышает  $\pm 7\%$ . Заметим, что оценка  $H$  через  $R$ , не совпадает точно с определением интегральной толщины атмосферы в (1). Оказывается, что согласно (6) значение  $H$  несколько занижается относительно (1). В целом, степень отличия небольшая и, например, для параболического профиля не превышает 10%.

Проиллюстрируем предлагаемую методику па примере конкретных экспериментальных данных о рефракционном сдвиге частоты [4], для которых в [2] были найдены значения  $\tilde{v}(s_j) = v(s_j) + \delta_j$ , где  $\delta_j$  — ошибки измерений. Поскольку в [4] исходные данные сильно зашумлены и приведены лишь для ограниченного диапазона углов  $\phi \in [0, 14^\circ]$ , то прямое интегрирование (4) невозможно. Преодолеть эту трудность можно, если учесть, что за пределами заданного диапазона углов  $\phi$  функция  $v(s)$  быстро убывает. Предлагается экспериментальные данные сначала аппроксимировать по методу наименьших квадратов (МПК) гладкой убывающей функцией и затем проинтегрировать ее. Конечно, выбор этой функции достаточно произволен. Нам представляется подходящей аппроксимация вида

$$\tilde{v}(s_j) \approx v(s_j) + \delta_0, \quad v(s) = N_0 \exp(-s/R),$$

где  $N_0$  соответствует приземному значению  $N(u)$ ,  $R$  совпадает с интегральным масштабом (4), а параметр  $\delta_0$  имеет смысл не скомпенсированной в экспериментальных данных возможной постоянной ошибки, связанной, например, с уходом частоты или с неучтенной радиальной скоростью источника излучения. В результате подбора параметров с помощью МПК получаются следующие значения:  $N_0 = 289 \pm 13N$ , где  $N = 10^{-6}$ ;  $R = 299 \pm 27$  км,  $\delta_0 = (15 \pm 5) \cdot 10^{-6}$ . Для интегральной толщины атмосферы и рефракционной поправки в дальности при этом сопоставляются оценки  $H = (7,9 \pm 1,5)$  км и  $\Delta L_0 = (2,3 \pm 0,5)$  м. Разброс найденных параметров определяется уровнем зашумленности исходных данных, который равен среднеквадратической погрешности выбранной аппроксимации  $\sigma = 19 \cdot 10^{-6}$ . В целом согласно предлагаемой методике рефракционная поправка в дальности находится с ошибкой, не превышающей 20%, возникающих при использовании усредненных метеоданных [3].

Рассмотренная методика может быть полезной для оперативной коррекции атмосферного влияния на точность определения дальности до источника излучения электромагнитных волн, движущегося за пределами атмосферы. Влияние атмосферы возможно уменьшить не менее чем в пять раз при использовании данных о доплеровском сдвиге частоты или о величине угла рефракции без привлечения метеоизмерений и без решения обратной задачи восстановления высотной зависимости показателя преломления. Результаты сохраняют силу для оптического и радиодиапазонов, в пределах которых дисперсия показателя преломления и степень поглощения не существенны.

1. Зуев В. Е. //Оптика атмосферы. 1988. Т. 1. № 1. С. 5.
2. Якубов В. П., Симакова Н. А. //Оптика атмосферы. 1988. Т. 1. № 10. С. 48.
3. Бин Б. Р., Даттон Е. Дж. Радиометеорология. Л.; Гидрометеоиздат, 1971, 362 с.
4. Hopfield H. S. //J. Geophys. Res. 1963. V. 68. № 18. P. 5157.

Сибирский физико-технический институт им. В.Д. Кузнецова,  
Томск

Поступило в редакцию  
10 января 1989 г.

V. P. Yakubov, N. A. Simakova, M. A. Erofeeva. **On the Estimation of the Atmospheric Integral Thickness Using- the Refraction Data.**

Earlier proposed procedure of estimating the ground layer refractive index is expanded by a simple method of estimation of the integral thickness of the atmosphere using the refraction data. An example of the experimental data interpretation is given.