УДК 551. 521. 3:535. 36

### С.В. Афонин, В.В. Белов, И.Ю. Макушкина

# МОДЕЛИРОВАНИЕ РАССЕЯННОГО АЭРОЗОЛЕМ ВОСХОДЯЩЕГО ТЕПЛОВОГО ИЗЛУЧЕНИЯ С УЧЕТОМ ТЕМПЕРАТУРНЫХ НЕОДНОРОДНОСТЕЙ НА ПОВЕРХНОСТИ. Ч. 1. ФУНКЦИЯ РАЗМЫТИЯ ТОЧКИ

Рассмотрены результаты моделирования функции размытия точки (ФРТ) в ИК-диапазоне спектра для различных оптико-геометрических условий наблюдения. Исследованы зависимости ФРТ от расстояния до точки наблюдения, азимутального и зенитного углов наблюдения, содержания аэрозоля в приземном слое и стратосфере.

#### 1. Введение

Ранее в [1-3] нами исследованы некоторые закономерности формирования рассеянного аэрозолем восходящего теплового излучения в спектральных диапазонах  $3 \div 5$  и  $8 \div 13$  мкм, получены оценки влияния однократного и многократного рассеяния, а также бокового подсвета на интенсивность рассеянного излучения и установлена зависимость интенсивности от оптических параметров аэрозоля и метеопараметров атмосферы.

Анализ характеристик бокового подсвета (обусловленного процессом рассеяния в направлении приемного устройства теплового излучения участков земной поверхности, не попадающих в поле зрения прибора) позволил сделать вывод о возможности заметного влияния (более  $0,5 \div 1^{\circ}$ ) поверхностных температурных неоднородностей на точность атмосферной коррекции результатов спутниковых измерений температуры подстилающей поверхности в условиях замутненной атмосферы. Этот результат стал причиной продолжения исследований, направленных на установление закономерностей, связывающих параметры температурных неоднородностей на поверхности и интенсивности рассеянного аэрозолем теплового излучения.

Данная статья посвящена изложению результатов расчета функции размытия точки (ФРТ), являющейся наиболее удобным инструментом для проведения исследований по этой проблеме на основе имитационного моделирования. К сожалению, необходимый для таких исследований объем данных об ФРТ в ИК-диапазоне спектра, как нам известно, в литературе отсутствует.

В статье подробно представлены результаты расчетов, которые описывают пространственно-угловую структуру ФРТ для различных оптико-геометрических ситуаций.

# 2. Основные характеристики моделирования

Результатами моделирования являлись следующие характеристики. Интенсивность  $J_{\lambda}$  и радиационная температура  $T_{\lambda}$  собственного излучения системы «атмосфера-подстилающая поверхность» (А-ПП):

$$J_{\lambda} = J_{\lambda}^{0} + J_{\lambda}^{MS}; \quad T_{\lambda} = B_{\lambda}^{-1} [J_{\lambda}],$$
$$J_{\lambda}^{0} = J_{ATM}^{0} + J_{SURF}^{0}; \quad J_{\lambda}^{MS} = J_{ATM}^{MS} + J_{SURF}^{MS},$$
$$J_{SURF}^{0} = B_{\lambda} [T_{S}(x_{0}, y_{0})] \exp (-\tau(\theta)),$$
$$J_{SURF}^{MS} = \int_{S} \int_{S} h_{\lambda}(x, y, \theta, \tau_{SC}) B_{\lambda} [T_{S}(x, y)] dx dy,$$

где  $J_{ATM}^{0}$ ,  $J_{SURF}^{0}$ ,  $J_{ATM}^{MS}$ ,  $J_{SURF}^{MS}$  – соответствующие вклады атмосферы и подстилающей поверхности в интенсивность нерассеянного и рассеянного излучений; ( $x_0$ ,  $y_0$ ) – координаты точки зондирования;  $\theta$  – зенитный угол наблюдения;  $\tau$  – оптическая толщина ослабления атмосферы;  $\tau_{SC}$  – оптическая

толщина аэрозольного рассеяния;  $B_{\lambda}$  – функция Планка;  $B_{\lambda}^{-1}$  – обратная функция Планка;  $T_S$  – температура подстилающей поверхности;  $h_{\lambda}(x, y, \theta, \tau_{sc})$  – функция размытия точки; S – эффективная пространственная область формирования бокового подсвета [2].

Функция размытия точки была рассчитана с помощью метода локальной оценки на сопряженных траекториях [4]. Для удобства вычисление этой функции проводилось в координатах (r,  $\varphi$ ), где r – расстояние по поверхности Земли от точки зондирования до произвольной точки (x, y);  $\varphi$  – азимутальный угол. При расчете  $J_{\text{атм}}^{\text{MS}}$  как и в [1–3], использовался алгоритм прямого моделирования на сопряженных траекториях. Погрешность определения радиационной температуры при этом составила менее 0,05°.

Диапазон расстояний *r* для проведения моделирования по методу локальной оценки выбирался из соображений оптимизации объема сложных вычислений, устойчивости алгоритма при малых значениях *r* и на основе результатов расчета радиусов бокового подсвета [2, 3]. Вследствие этого диапазон значений *r* составил 0,01 ÷ 10 км в случае приземного аэрозоля и 0,1 ÷ 100 км – в случае поствулканического. Для вычисления ФРТ при *r* <  $r_{min}$  использовались результаты прямого моделирования  $J_{\lambda}^{MS}$ .

Наряду с  $h_{\lambda}(r, \varphi, \theta, \tau_{sc})$  рассчитывалась функция  $h_{\lambda}^{*}(\varphi, \theta, \tau_{sc})$  («интегральная» ФРТ)

$$h_{\lambda}^{*}(\phi, \theta, \tau_{\rm SC}) = \int_{0}^{R_{\rm max}} h_{\lambda}(r, \phi, \theta, \tau_{\rm SC}) r dr,$$

где  $R_{\text{max}}$  – радиус бокового подсвета для заданной точности моделирования радиационной температуры.

### 3. Оптико-геометрические условия моделирования

В [1–3] был рассмотрен широкий спектр вариаций оптико-метеорологических параметров атмосферы. Представленные в этих работах результаты позволяют при исследовании зависимости ФРТ от оптико-геометрических параметров (r,  $\varphi$ ,  $\theta$ ,  $\tau_{sc}$ ) использовать одну метеомодель атмосферы (лето средних широт), для которой наличие значительных поверхностных температурных неоднородностей является достаточно частым явлением. Выбор аэрозольных моделей осуществлялся из соображений проведения исследований в максимальном диапазоне изменчивости значений  $\tau_{sc}$ .

Моделирование проводилось для следующих оптико-геометрических условий наблюдения:

спектральные диапазоны ...... 3,55÷3,95 мкм ( $\lambda$ =3,75 мкм) и 10,3÷11,3 мкм ( $\lambda$  = 10,8 мкм); углы наблюдения .....  $\theta$  = 0, 30, 45 и 55°;

высота наблюдения ..... 800 км;

атмосфера ..... безоблачная молекулярно-аэрозольная, сферическисимметричная, вертикально-неоднородная;

```
метеомодель атмосферы ..... лето средних широт;
```

аэрозольные модели ...... морской (maritime) тип аэрозоля в приземном слое атмосферы 0–2 км (дальность видимости  $S_M = 2 \div 50$  км) и фоновое содержание аэрозоля в тропосфере. Для поствулканической ситуации использовалась модель fresh volcanic extinction с умеренным (moderate), высоким (high) и экстремальным (extreme) содержанием аэрозоля в стратосфере при отсутствии аэрозоля в приземном слое.

Вертикальные профили метеорологических параметров атмосферы, коэффициенты молекулярного и аэрозольного ослабления (рассеяния), альбедо однократного рассеяния, индикатрисы аэрозольного рассеяния были получены на основе данных, используемых в программном комплексе LOWTRAN-7 [5]. На рис. 1 представлены данные, характеризующие выбранные нами для расчетов оптико-метеорологические модели атмосферы.

## 4. Результаты моделирования

Проанализируем свойства функции размытия точки  $h_{\lambda}(r, \varphi, \theta, \tau_{sc})$  в зависимости от расстояния *r*, азимутального угла  $\varphi$ , зенитного угла наблюдения  $\theta$  и оптической толщины аэрозольного рассеяния  $\tau_{sc}$ . Расчетные данные представлены на рис. 2–4. Для большей наглядно-Моделирование рассеянного аэрозолем восходящего теплового излучения 1403

сти результаты расчетов ФРТ в случае приземного аэрозоля приведены на рис. 2 только для r < 1 км – пространственной области, которая вносит доминирующий вклад в интенсивность бокового подсвета [2].



Рис. 1. Вертикальные профили температуры и влажности для лета средних широт. Вертикальные профили альбедо однократного рассеяния при различной дальности видимости (2 ÷ 50 км) в приземном слое, при фоновом и поствулканическом (штриховая кривая) содержании аэрозоля в стратосфере. Угловой ход индикатрисы рассеяния: сплошные кривые – приземный аэрозоль, штриховые кривые – стратосферный

# 4.1. Приземный аэрозоль (рис. 2, 4)

В рассмотренном для этого случая диапазоне расстояний  $r \simeq 0,01 \div 10$  км функция h(r) монотонно и быстро убывает с ростом r (рис. 2). Величина  $\partial h(r)/\partial r$  зависит от значений  $\tau_{\text{SCT}}$ ,  $\theta$  и  $\varphi$ . В частности,  $|\partial h(r)/\partial r|$  уменьшается с увеличением  $\theta$ .

1404 С.В. Афонин, В.В. Белов, И.Ю. Макушкина

Зависимость ФРТ от азимутального угла  $h(\phi)$  для случая приземного аэрозоля (рис. 2) имеет следующие характерные особенности при r < 1 км:

наличие минимума при значениях азимута  $\phi=\phi_{min}\simeq 60\text{--}75^\circ\text{;}$ 

наличие слабого максимума при значениях  $\phi \simeq 10{-}20^{\circ};$ 

незначительное изменение функции в диапазоне  $\phi = 0^{\circ} - \phi_{min}$ ;

значительное (в несколько раз) увеличение  $h(\phi)$  при росте значений  $\phi > \phi_{\min}$ ; рост  $|\partial h(\phi)/\partial \phi|$  с увеличением  $\theta$ .



Рис. 2. Функция размытия  $h(r, \varphi)$  в случае приземного аэрозоля ( $S_{\rm M} = 5$  км) для азимутов  $\varphi = 0$ , 60, 120, 180° и зенитных углов наблюдения  $\theta = 30$ , 45, 55°. На встроенных рисунках – зависимость  $h(r, \varphi)$  от дальности видимости для r = 0,01 и 1 км,  $\varphi = 0$  и 180°. Кривые с точками –  $\varphi = 0$ °, штриховые кривые –  $\theta = 0$ °

Моделирование рассеянного аэрозолем восходящего теплового излучения



Кроме того, следует отметить еще одну особенность поведения  $h(\phi)$  при r > 1 км: с ростом r положение минимума смещается в область значений  $\phi_{\min} \simeq 90 \div 120^{\circ}$ . При этом величина смещения растет с увеличением оптической толщины и уменьшением зенитного угла наблюдения.

Рис. 3. Функция размытия  $h(r, \varphi)$  в случае высокого (high) содержания поствулканического стратосферного аэрозоля для азимутов  $\varphi = 0$ , 60, 120, 180° и зенитных углов наблюдения  $\theta = 30$ , 45, 55°. На встроенных рисунках – функция  $h(r, \varphi)$  при экстремальном (1), высоком (2) и умеренном (3) содержании поствулканического аэрозоля в стратосфере для  $\varphi = 0$  и 180°. Кривые с точками –  $\varphi = 0°$ , штриховые кривые –  $\theta = 0°$ 

Наглядное представление об этих особенностях позволяют получить приведенные на рис. 4 данные об азимутальной зависимости нормированной на единицу «интегральной» ФРТ *h*\*(ф). Сравнивая данные рис. 4 и представленную на рис. 1 зависимость индикатрисы от угла 1406 С.В. Афонин, В.В. Белов, И.Ю. Макушкина рассеяния  $P(\phi^*)$ , можно отметить сходство их поведения для смежных углов  $\phi$  и 180° –  $\phi^*$ , а также хорошее совпадение углового хода и значений функций  $h^*(\phi)$  для условий высокой и низкой прозрачности атмосферы.

Зависимость ФРТ от зенитного угла наблюдения  $h(\theta)$  имеет две характерные особенности:  $\partial h(\theta)/\partial \theta < 0$  в диапазоне  $r < r_1$  и  $\partial h(\theta)/\partial \theta > 0$  в диапазоне  $r > r_2$ . Значения  $r_1$  и  $r_2$  меняются при различных оптико-геометрических условиях наблюдения. При этом наиболее ярко проявляется зависимость  $r_1$  и  $r_2$  от азимутального угла. Она характеризуется максимальными значениями пар  $r_1$ и  $r_2$  при  $\phi \simeq \phi_{min}$  и их минимальными значениями при  $\phi = 180^\circ$ . В целом значение  $r_1$  не превышает 1–5 км (для различных значений  $\phi$  и  $\tau_{sc}$ ), а значение  $r_2$  лежит в диапазоне больше  $0, 2 \div 1$  км.

Зависимость ФРТ от дальности видимости  $S_{\rm M}$  имеет следующие характерные особенности: с увеличением  $S_{\rm M}$  функция  $h(S_{\rm M})$  монотонно убывает;

с ростом зенитного угла наблюдения при низких значениях  $S_{\rm M} < 5$  км для  $\lambda = 3,75$  мкм усиливается тенденция к нарушению монотонности функции  $h(S_{\rm M})$ .

Эти особенности поведения зависимости  $h(S_M)$  наглядно иллюстрируются встроенными графиками рис. 2. Сходные по виду зависимости были получены нами в [2] для функции F(r). Там же предложено объяснение подобного поведения этой функции при низких значениях  $S_M$ .



Рис. 4. Функция  $h^*(\phi)$  для случаев приземного и стратосферного аэрозоля при различных зенитных углах наблюдения  $\theta = 30, 45, 55^{\circ}$ . Приземный аэрозоль  $S_M = 5$  и 23 км (сплошная и штриховая кривые соответственно). Стратосферный аэрозоль: экстремальное (extreme) и умеренное (moderate) содержание (сплошная и штриховая кривые соответственно)

## 4.2. Поствулканический аэрозоль (рис. 3, 4)

В рассмотренном для этого случая диапазоне расстояний  $r \simeq 0,1 \div 100$  км при  $\phi < 100 \div 120^{\circ}$  зависимость h(r) описывается монотонно убывающей с ростом r функцией (рис. 3).

Моделирование рассеянного аэрозолем восходящего теплового излучения

1407

Однако с увеличением  $\phi$  при  $\theta > 0^\circ$  у функции h(r) появляется четко выраженный максимум, положение которого  $(r_{\text{max}})$  и высота  $(h_{\text{max}})$  зависят от  $\phi$ ,  $\theta$  и  $\tau_{\text{SC}}$ . В частности, рост этих параметров приводит к увеличению  $r_{\text{max}}$ , достигающих для  $\phi = 180^\circ$ ,  $\theta = 55^\circ$  значений порядка  $15 \div 30$  км. Эти особенности функции h(r) наиболее наглядно иллюстрируются встроенными графиками рис. 3.

Азимутальная зависимость ФРТ имеет следующие особенности:  $\partial h(\varphi)/\partial \varphi > 0$  при расстояниях  $r < r^*$ ; величина  $|\partial h(\varphi)/\partial \varphi|$  растет с увеличением  $\theta$ . Значения  $r^*$  лежат в диапазоне 5 ÷ 10 км для  $\lambda = 3,75$  мкм и 30 ÷ 70 км для  $\lambda = 10,8$  мкм.

На рис. 4 представлены данные об азимутальной зависимости «интегральной» ФРТ для этого типа аэрозоля. Сравнивая вид функции  $h^*(\varphi)$  и угловой ход индикатрисы рассеяния, можно заметить, как и раньше, сходство их поведения. Можно отметить также идентичность угловой зависимости и хорошее совпадение значений  $h^*(\varphi)$  для различных  $\tau_{sc}$ .

Зависимость функции размытия точки от зенитного угла наблюдения, как и в случае приземного аэрозоля, имеет те же характерные особенности:  $\partial h(\theta)/\partial \theta < 0$  в диапазоне  $r < r_1$  и  $\partial h(\theta)/\partial \theta > 0$  в диапазоне  $r > r_2$ . Однако в отличие от случая приземного аэрозоля величина  $r_2$ монотонно убывает с ростом азимутального угла. Диапазоны значений  $r_1$  составили 5 ÷ 20 км ( $\lambda = 3,75$  мкм) и 5 ÷ 60 км ( $\lambda = 10,8$  мкм), а значения  $r_2$  превышают 15 ÷ 30 км.

Зависимость ФРТ от оптической толщины иллюстрируется встроенными графиками рис. 3, которые наглядно демонстрируют увеличение значений ФРТ с ростом  $\tau_{sc}$  для всего диапазона изменения  $\theta$  и  $\phi$ .

# 5. Заключение

Обобщая закономерности поведения ФРТ в зависимости от оптико-геометрических параметров r,  $\varphi$ ,  $\theta$ ,  $\tau_{sc}$ , следует отметить ее неоднозначный, сложный для построения удобных аппроксимаций характер. Тем не менее на основании свойств функции  $h^*(\varphi)$  и данных о степени влияния вариаций оптико-метеорологических параметров на характеристики бокового подсвета [1–3] можно сделать следующий важный практический вывод. Для достаточно широкого диапазона изменчивости метеопараметров атмосферы и оптических параметров аэрозольного рассеяния допускается при заданных значениях  $\varphi$  и  $\theta$  использовать в целях атмосферной коррекции «универсальный» набор данных при различных условиях замутненности атмосферы.

Для оценки справедливости этого вывода в дальнейшем планируется провести на основе имитационного моделирования дополнительные исследования. Однако нами уже получены предварительные данные для простейшего случая существования линии раздела области бокового подсвета на два участка с разными температурами  $T_1$  и  $T_2$ . В этом случае даже при градиенте температур порядка 20° использование ФРТ, относящейся к условиям максимальной замутненности атмосферы, приводит при ее использовании для меньших значений  $\tau_{SC}$  к максимальной погрешности расчета  $T_{\lambda}$  не более 0,5° (приземный аэрозоль,  $\varphi = 180^\circ$ ,  $\theta = 55^\circ$ ,  $\lambda = 3,75$  мкм). Данный результат хорошо согласуется с нашим выводом.

- 1. Афонин С. В., Белов В.В., Макушкина И.Ю. // Оптика атмосферы и океана. 1994. Т. 7. N 6. С. 797-809.
- 2. Афонин С. В., Белов В.В., Макушкина И.Ю. // Оптика атмосферы и океана. 1994. Т. 7. N 6. С. 810-817.
- 3. Афонин С. В., Белов В.В., Макушкина И.Ю. // Оптика атмосферы и океана. 1994. Т. 7. N 6. С. 818-827.

4. Белов В.В., Макушкина И.Ю. // Теория и приложения статистического моделирования. Новосибирск: ВЦ СО АН СССР, 1988. С. 153–164.

5. K n e i z y s F . X . et al. Users Guide to LOWTRAN 7. AFGL-TR-88-0177. ERP, N 1010. AFGL. Hansom AFB. MA 01731.

Институт оптики атмосферы СО РАН, Томск

Поступила в редакцию 30 декабря 1994 г.

#### S.V. Afonin, V.V. Belov, I.Ju. Makushkina. Simulation of Upgoing Thermal Radiation Scattered by Aerosol Allowing for Temperature Inhomogeneities on a Surface. I. Point Spread Function.

Results of simulation of point spread function (PSF) within IR spectral range are examined in the paper for different optical-geometric conditions of observation. The PSF is treated as a function of the distance from the observation point, asimuth and zenith angles, and aerosol content in near-ground atmosphere and in stratosphere.

С.В. Афонин, В.В. Белов, И.Ю. Макушкина